

B. Rasch M. Frieze W. Hofmann E. Naumann

# Quantitative Methoden Band 2

Mit 26 Abbildungen und 46 Tabellen



Springer

**Inhaltsverzeichnis**

**VORWORT ZU BAND II..... V**

**EINFAKTORIELLE VARIANZANALYSE ..... 1**

5.1 WARUM VARIANZANALYSE? ..... 2

    5.1.1 Die  $\alpha$ -Fehlerkumulierung ..... 3

    5.1.2 Verringerte Teststärke ..... 5

5.2 DAS GRUNDPRINZIP DER VARIANZANALYSE..... 6

    5.2.1 Die Varianz ..... 8

    5.2.2 Die Gesamtvarianz ..... 9

    5.2.3 Zerlegung der Gesamtvarianz ..... 11

    5.2.4 Die Schätzung der Residualvarianz ..... 13

    5.2.5 Die Schätzung der systematischen Varianz ..... 17

    5.2.6 Quadratsummen und Freiheitsgrade ..... 20

    5.2.7 Der F-Bruch ..... 21

    5.2.8 Die Nullhypothese ..... 23

    5.2.9 Signifikanzprüfung des F-Werts ..... 24

    5.2.10 Die Alternativhypothese der Varianzanalyse ..... 27

    5.2.11 Die Terminologie der Varianzanalyse ..... 29

    5.2.12 Beispielrechnung ..... 31

5.3 DIE DETERMINANTEN DER VARIANZANALYSE ..... 36

    5.3.1 Beziehung zwischen F- und t-Wert ..... 36

    5.3.2 Berechnung der Effektstärke ..... 37

    5.3.3 Teststärkeanalyse ..... 39

    5.3.4 Stichprobenumfangsplanung ..... 42

5.4 POST-HOC-ANALYSEN ..... 44

    5.4.1 Der Tukey HSD-Test ..... 45

    5.4.2 Der Scheffé-Test ..... 48

    5.4.3 Vergleich der Post-Hoc-Verfahren ..... 51

5.5 VORAUSSETZUNGEN DER VARIANZANALYSE ..... 51

## Inhaltsverzeichnis

---

5.6	DER HINTERGRUND DER VARIANZANALYSE .....	53
5.6.1	<i>Das Strukturmodell</i> .....	53
5.6.2	<i>Die Schätzung der Residualvarianz</i> .....	56
5.6.3	<i>Die Schätzung der Effektvarianz</i> .....	57
5.6.4	<i>Der Zusammenhang der Quadratsummen</i> .....	58
	AUFGABEN KAPITEL 5 .....	62
	<b>ZWEIFAKTORIELLE VARIANZANALYSE .....</b>	<b>67</b>
6.1	NOMENKLATUR .....	68
6.2	EFFEKTARTEN.....	71
6.2.1	<i>Prüfung der Effekte</i> .....	72
6.2.2	<i>Die Schätzung der Residualvarianz</i> .....	74
6.2.3	<i>Prüfung des Haupteffekts A auf Signifikanz</i> .....	76
6.2.4	<i>Prüfung des Haupteffekts B auf Signifikanz</i> .....	79
6.2.5	<i>Prüfung der Wechselwirkung A×B auf Signifikanz</i> .....	81
6.2.6	<i>Datenbeispiel</i> .....	85
6.3	DETERMINANTEN DER VARIANZANALYSE .....	89
6.3.1	<i>Effektstärkenberechnung</i> .....	89
6.3.2	<i>Teststärkeanalyse</i> .....	90
6.3.3	<i>Stichprobenumfangsplanung</i> .....	92
6.4	DIE WECHSELWIRKUNG .....	94
6.4.1	<i>Definition der Wechselwirkung</i> .....	94
6.4.2	<i>Verschiedene Arten der Wechselwirkung</i> .....	98
6.5	POST-HOC-TEST .....	100
6.5.1	<i>Der Tukey HSD-Test</i> .....	100
6.6	ERHÖHUNG DER FAKTORENZAHL .....	102
6.7	VORAUSSETZUNGEN.....	104
6.8	DAS LINEARE MODELL .....	105
	AUFGABEN KAPITEL 6.....	108

<b>VERFAHREN FÜR RANGDATEN .....</b>	<b>113</b>
7.1 DER MANN-WHITNEY U-TEST.....	114
7.1.1 Zuordnung der Rangplätze.....	115
7.1.2 Der U-Wert und $U^*$ -Wert.....	118
7.1.3 Signifikanzprüfung beim U-Test.....	120
7.1.4 Verbundene Ränge.....	124
7.1.5 Teststärke und Stichprobenumfangsplanung.....	127
7.2 DER WILCOXON-TEST.....	131
7.3 DER KRUSKAL-WALLIS H-TEST .....	134
AUFGABEN KAPITEL 7 .....	138
<b>VERFAHREN FÜR NOMINALDATEN .....</b>	<b>141</b>
8.1 DER EINDIMENSIONALE $\chi^2$ -TEST.....	144
8.1.1 Die Nullhypothese.....	144
8.1.2 Der $\chi^2$ - Kennwert.....	146
8.1.3 Signifikanzprüfung des $\chi^2$ - Werts.....	149
8.1.4 Effektstärke.....	151
8.1.5 Teststärkeanalyse.....	153
8.1.6 Stichprobenumfangsplanung.....	154
8.2 DER ZWEIDIMENSIONALE $\chi^2$ -TEST.....	155
8.2.1 Die statistische Null und Alternativhypothese.....	156
8.2.2 Der $\chi^2$ - Wert.....	161
8.2.3 Effektstärke.....	163
8.2.4 Teststärkeanalyse.....	165
8.2.5 Stichprobenumfangsplanung.....	166
8.3 DER VIERFELDER $\chi^2$ -TEST .....	167
8.3.1 Der Phi-Koeffizient.....	168
8.4 VORAUSSETZUNGEN DER $\chi^2$ -VERFAHREN .....	169
8.5 DURCHFÜHRUNG EINES $\chi^2$ -TESTS.....	169
AUFGABEN ZU KAPITEL 8 .....	171
<b>LÖSUNGEN DER AUFGABEN .....</b>	<b>176</b>
<b>LITERATUR.....</b>	<b>197</b>