Methoden der Ökonometrie

Band II

Stochastische Regressoren und simultane Gleichungen

von

Peter Schönfeld

Professor an der Universität Bonn



Verlag Franz Vahlen München 1971

Inhaltsverzeichnis

Kap. 8. Lineare Regression mit stochastischen Regressoren	1
8.1 Problemstellung und Beispiele	1
1. Problemstellung — 2. Beispiele — 3. Statistische Konsequenzen stochastischer Regressoren — 4. Konzept der Exogenität — 5. Erklärungshorizont eines Modells — 6. Interpretation der früheren Regressionsmodelle	
8.2 Das statistische Regressionsproblem	8
1. Klassisch-statistisches Regressionsproblem -2 . Regression erster Art -3 . Regression zweiter Art -4 . Beispiel -5 . Ökonometrisches Regressionsproblem	,
8.3 Das Schätzproblem bei stochastischen Regressoren	16
1. Vorbemerkung — 2.—3. Asymptotische Eigenschaften von OLSSchätzungen	
8.4 Unabhängige stochastische lineare Regression	19
1. Begriff und Annahmen — 2. Hauptergebnis — 3. Verteilungstheorie	
8.5 Kontemporär unkorrelierte stochastische lineare Regression	23
 Allgemeine Annahmen und Resultate — 2. Kontemporär unkorrelierte Regression, prädeterminierte Regressoren — 3. Beziehungen zwischen den Annahmen — 4. Asymptotische Verteilung der OLSSchätzungen 	
Kap. 9. Autoregressive lineare Regressionsmodelle	31
9.1 Probleme autoregressiver Modelle	31
1. Begriffe und Symbolik — 2. Spezialfall $H=N=1$, feste Anfangswerte versus stochastische Anfangsbedingungen — 3. Eigenschaften des autoregressiven Prozesses — 4. Statistische Annahmen — 5. Verzerung der OLS-Schätzungen — 6. Konsistenz der OLS-Schätzungen — 7. Asymptotische Normalverteilung der OLS-Schätzungen — 8. Instabile Prozesse	
9.2 Parameterschätzung im allgemeinen autoregressiven Regressionsmodell	45
 Allgemeiner homogener autoregressiver Prozeß — 2. Allgemeiner inhomogener autoregressiver Prozeß — 3. Statistische Annahmen — 4. Asymptotische Eigenschaften der OLS-Schätzungen — 5.—6. Asymptotische Effizienz, feste Anfangswerte und stochastische Anfangsbedingungen — 7. Monte-Carlo-Verfahren 	
9.3 Prognoseschätzung	55
1. Problem der besten Prognoseschätzung $-$ 2. Vorgehen in der Praxis	

9.4 Autoregressive Regression mit autokorrelierten Störvariable	n 59
 Typen stochastischer Prozesse — 2. Identifikationsproblem; Inkonsistenz der OLS-Schätzungen — 3. Größenordnung der asymptotische Verzerrung — 4. Problem des Durbin-Watson-Tests — 5. Identifikations- und Schätzprobleme — 6. Nichtlineare Methode der kleinste Quadrate (LS) 	n ,-
Kap. 10. Regressionsmodelle mit Lag-Verteilungen	. 69
10.1 Konzept der Lag-Verteilung	. 69
1. Einführendes Beispiel — 2. Lag-Verteilung — 3. Lag-erzeugend Funktion — 4. Typen von Lag-Verteilungen	е
10.2 Formen eines Lag-Verteilungsmodells	. 80
 Lag-Operator — 2. Finale Form — 3. Reduzierte Form — Reaktionsform — 5. Modell mit partieller Anpassung und korrigierten Erwartungen 	; <u>.</u>
10.3 Schätzprobleme bei Lag-Verteilungen	. 86
1. Hauptsächliche Schwierigkeiten — 2. OLS-Schätzung — 3. Instrumentenschätzung — 4. Koycksche Schätzung — 5. Asymptotise relativ effiziente Schätzung	
Kap. 11. Das lineare Regressionsmodell mit Fehlern in den Variable	n 101
11.1 Einführung in das klassische Modell	. 101
 Modellbeschreibung — 2. Beispiele — 3. Modellspezifikationer Stochastische versus funktionale Beziehung — 4. Inkonsistenz de OLS-Schätzungen — 5. Bedeutung von Meßfehlern 	
11.2 Parameterschätzung bei stochastischer Spezifikation	. 106
 Instrumentenschätzung — 2. Simultane Schätzung aller Parameter — 3. Identifikationsproblem und Maximum-Likelihood-(ML Schätzung, I — 4. ML-Schätzung, II 	
11.3 Parameterschätzung bei funktionaler Spezifikation	. 111
 Modellbeschreibung — 2. Modellannahmen — 3. Gewogene Method der kleinsten Quadrate — 4. Bestimmung der gewogenen Kleinsten Quadrate-Schätzungen — 5. Hauptsatz — 6. Beispiele — 7. Klein Schätzung der geometrischen Lag-Verteilung 	ե-
Kap. 12. Weitere Probleme der Regressionstheorie	. 125
12.1 Regressionsschätzung unter zusätzlicher Information	
 Problemstellung — 2. Lineare Nebenbedingungen über β – Herleitung der BLUE-Schätzformel — 4. Ungleichungsrestriltionen über β — 5. Stochastische externe Information 	_

12.2 Nichtlineare Regressionsmodelle	129
1. Modell und Probleme — 2. Existenz von LS-Schätzungen — 3. Asymptotische Eigenschaften der LS-Schätzungen — 4. Ein spezieller Funktionstyp — 5. Gauß-Newtonsches Iterationsverfahren	
Kap. 13. Elemente Bayesscher Statistik	135
13.1 Der Bayessche Schluß	
1. Bayessche Statistik — 2. Theorem von Bayes — 3. Bayessche Schlußverfahren	
13.2 Der normale Regressionsprozeß mit bekannter Präzision	138
 Likelihood der Normalregression — 2. Natürliche Konjungierte — A posteriori-Verteilung — 4. Interpretation der a posteriori-Verteilung 	
$13.3~\mathrm{Der}$ normale Regressionsprozeß mit unbekannter Präzision .	143
1. Normal-Gamma, Gamma- und Studentverteilung — 2. A posteriori-Analyse — 3. Ausblick	
Kap. 14. Simultane stochastische lineare Gleichungen	149
14.1 Beispiele von Systemen stochastischer Gleichungen	149
1. Interdependenz $-$ 2. Multivariate Regressionen, rekursive Modelle $-$ 3. Interdependente Gleichungen	
14.2 Symbolik für simultane lineare Systeme	152
1. Allgemeine Begriffe — 2. Symbolik für strukturelle Gleichungen — 3. Beispiele — 4. Symbolik für dynamische Modelle — 5. Die Modelle I und II	
14.3 Modellannahmen	158
1. Vollständige Modelle — 2. Modellannahmen 1—6 — 3. Vektorielle Darstellung der endogenen Variablen	
14.4 Reduzierte und finale Form des Modells	163
1. Reduzierte Form -2 . Beispiele -3 . Finale Form -4 . Prognose-problem -5 . Ökonomische Anwendung der finalen Form (Multiplikatoren)	
14.5 Grundlegende Theoreme	176
 Symbolik für Momente — 2. Theoreme über die Störgrößen — Theoreme über die erklärenden Variablen — 4. Bedingungen für die Gültigkeit der Annahmen 6—7 und des zentralen Grenzwertsatzes — 5. Likelihoodfunktion des Systems 	
Kap. 15. Identifikation	185
15.1 Beobachtungsäquivalente Strukturen und Identifizierbarkeit	185
 Einführendes Beispiel — 2. Familien von Zufallsvariablen; Verteilungssysteme — 3. Modell, Struktur, Beobachtungsäquivalenz — 4. Identifizierbarkeit — 5. Klassifikation von Hypothesen; Theoreme — † 6. Zwei Identifizierbarkeitskonzente 	

15.2 Kriterien für Beobachtungsäquivalenz und Identifizierbarkeit	195
 Allgemeines — 2. Hauptsatz für Beobachtungsäquivalenz — Ein weiteres Kriterium für Beobachtungsäquivalenz — 4. Allgemeine Identifizierbarkeitskriterien — 5. Identifizierbarkeitskriterium bei uneingeschränkten Störgrößen — 6. Operationalität der Identifizierbarkeit 	
15.3 Identifizierbarkeit unter speziellen Parameterrestriktionen $ \ldots $	203
 Typen identifizierender Restriktionen — 2. Nullrestriktionen — Homogene lineare Restriktionen — 4. Beispiele und Zusätze — Identifizierbarkeit durch Beschränkung der Varianz-Kovarianzmatrix 	
Kap. 16. Direkte und indirekte Methode der kleinsten Quadrate	219
16.1 Allgemeines Schätzproblem und Identifizierbarkeit	219
 Allgemeines über Schätzverfahren — 2. Genaue Identifiziertheit und Überidentifiziertheit — 3. Symbolik unter Nullrestriktionen — 4. Einzelgleichungs-, Mehrgleichungs- und Systemmethoden 	
16.2 Direkte Methode der kleinsten Quadrate	224
 OLS-Schätzung unter Nullrestriktionen — 2. Allgemeine Inkonsistenz der OLS-Schätzungen — 3. Rekursive Modelle: Definition — 4. dito: Identifizierbarkeit, — 5. dito: Konsistenz der OLS-Schätzungen, — 6. dito: Asymptotische Normalverteilung der OLS-Schätzungen — 7. dito: Asymptotische Effizienz der OLS-Schätzungen 	•
16.3 Indirekte Methode der kleinsten Quadrate	231
 Reduzierte-Form-Schätzung — 2. Indirekte Kleinst-Quadrate-(ILS-) Schätzung — 3. ILS-Schätzung in rekursiven Modellen. — 4. ILS- Schätzung als Einzelgleichungsmethode 	
Kap. 17. Zwei- und dreistufige Methode der kleinsten Quadrate	239
17.1 Zweistufige Methode der kleinsten Quadrate	239
 Heuristische Begründung der Methode — 2. Definition der zweistufigen Kleinst-Quadrate-(2SLS-)Schätzungen — † 3. Singularitätsprobleme — 4. Asymptotische Eigenschaften der 2SLS-Schätzungen — 5. Gemeinsame Grenzverteilung der 2SLS-Schätzungen aus verschiedenen Gleichungen — † 6. 2SLS-Schätzwerte unter linearen Restriktionen 	
17.2 Dreistufige Methode der kleinsten Quadrate	24 8
 Definition der dreistufigen Kleinst-Quadrate-(3 SLS-)Schätzungen — 2. Asymptotische Eigenschaften der 3SLS-Schätzungen — 3. Effizienz der 3SLS-Schätzungen relativ zu den 2SLS-Schätzungen — 4. 3SLS-Schätzung als Systemmethode 	

17.3 Schätzungen der k-Klasse	256
1. Definition der k -Klasse-Schätzungen — 2. Asymptotische Eigenschaften — 3. Asymptotisch zur k -Klasse gehörige Schätzungen — 4. Verallgemeinerungen	
Kap. 18. Quasi-Maximum-Likelihood-Schätzungen	261
18.1 Alternative Schätzprinzipien bei begrenzter Information	261
 Überblick — 2. Prinzip des kleinsten Varianzverhältnisses — 3.—4. Prinzip der kleinsten verallgemeinerten Reststreuung — 5.—7. Quasi-ML-Prinzip 	
18.2 Eigenschaften der LISE-Schätzungen	272
1. Symbolik und Hilfssätze — 2. Konsistenz der LISE-Schätzungen — 3. LISE- und k -Klasse-Schätzungen — 4. Asymptotische Normalverteilung der LISE-Schätzungen	
18.3 Quasi-ML-Schätzungen bei voller Information	279
 Vorbereitende Sätze und Beispiele — 2. Definition der FIML-Schätzungen — 3. Berechnung der FIML-Schätzwerte — 4. Beispiele — 5. Eigenschaften der FIML-Schätzungen — 6. Ausblick 	
Anhang C. Weitere Resultate der Matrixalgebra und der asymptotischen Verteilungstheorie	293
Anhang D. Effizienz und Maximum-Likelihood-Schätzung	202
	303
Literaturverzeichnis	
Literaturverzeichnis	327