## Untersuchung von robusten modellprädiktiven Regelungen zur Anwendung in der Flugführung

Vom Fachbereich Maschinenbau an der Technischen Universität Darmstadt zur

Erlangung des Grades eines Doktor-Ingenieurs (Dr.-Ing.) genehmigte

Dissertation

vorgelegt von

Dipl.-Ing. Heike Sylvia Meinert

aus Rüsselsheim am Main

Berichterstatter: Mitberichterstatter:

Prof. Dr.-Ing. U. Klingauf Prof. Dr.-Ing. U. Konigorski

Tag der Einreichung:

10.03.2011

Tag der mündlichen Prüfung: 18.05.2011

## **Inhaltsverzeichnis**

Κι	Kurzfassung ix						
Symbole und Abkürzungen							
1	Einführung						
	1.1	Motiva	ation	. 3			
	1.2	Beitrag	g dieser Arbeit	. 5			
	1.3	Strukt	ur der Arbeit	. 7			
2	Reg	elungsi	konzepte in der Flugführung	11			
	2.1	Entwi	cklung der Flugregelung und Flugführung	. 12			
	2.2	Aufbau	u von modernen Flugregelungssystemen	. 13			
	2.3	Funkti	onen moderner Flugregelungssysteme	. 14			
		2.3.1	Grundlagen der Flugzeugsteuerung				
		2.3.2	Basisregelung - Stability Augmentation System	. 16			
		2.3.3	Flugbahnregelung - Flight Guidance	. 19			
		2.3.4	Missionsplanung - Flight Management System	. 21			
		2.3.5	Systemintegration				
	2.4	4 Anforderungen an Flugregelungssysteme					
	2.5	5 Entwurf von Basis- und Bahnregelungen					
		2.5.1	Polvorgabe				
		2.5.2	Linear-quadratische Regelung				
		2.5.3	Robuste Regelung				
		2.5.4	Dynamische Inversion				
		2.5.5	Model Following				
		2.5.6	Verwendung von Beobachtern und Filtern				
		2.5.7	Aktuelle Forschung				
	2.6	Zusam	menfassung	. 30			
3	Modellprädiktive Regelungen 31						
	3.1		ie der modellprädiktiven Regelungen				
	3.2	Das Konzept modellprädiktiver Regelungen					
	3.3	3 Modelle für die Prädiktion in der modellprädiktiven Regelung					
		3.3.1	Modellklassen	. 37			
		3.3.2	Einbeziehung von Beschränkungen	. 52			
		3.3.3	Verwendung eines Beobachters	. 56			
		3.3.4	Geeignete Modelle für MPC in der Flugführung	. 57			
	3.4	Berech	nnung des Regelgesetzes: Optimierung	. 58			
		3.4.1	Regulation	. 59			

Inhaltsverzeichnis xi

		3.4.2 Folgeregelung	60				
	3.5	Stabilität von modellprädiktiven Regelungen	62				
		3.5.1 Unendliche Prädiktionshorizonte	63				
		3.5.2 Verwendung von mengentheoretischen Ansätzen	63				
	3.6	and the second s					
	3.7	Implementierung einer modellprädiktiven Regelung im geschlossenen Kreis	66				
		3.7.1 Simulationsumgebung	66				
		3.7.2 Simulationsbeispiel	67				
	3.8	Aktuelle Forschung	70				
		3.8.1 Fuzzy MPC	71				
		3.8.2 Hybride MPC	71				
		3.8.3 Explizite und Robuste MPC	72				
	3.9	Zusammenfassung	72				
4		uste modellprädiktive Regelungen	75				
		Überblick über Verfahren der robusten modellprädiktiven Regelung $\dots$	75				
	4.2	Beschreibung von Unsicherheiten	77				
		4.2.1 Parametrische und polytope Unsicherheiten	78				
		4.2.2 Strukturierte Unsicherheiten	79				
		4.2.3 Unstrukturierte Unsicherheiten	81				
	4.3	Mengentheoretische Ansätze in der modellprädiktiven Regelung	81				
		4.3.1 Invariante Mengen	81				
		4.3.2 Rechenregeln für Mengen	83				
	4.4	Min-Max modellprädiktive Regelung	84				
		4.4.1 Robuste modellprädiktive Regelung im offenen und geschlossenen Kreis .	84				
		4.4.2 Robuste Min-Max MPC mit linearen Matrixungleichungen	86				
		4.4.3 Explizite robuste Min-Max MPC mit linearen Matrixungleichungen	89				
		4.4.4 Stabilität von Min-Max modellprädiktiven Regelungen	90				
		4.4.5 Entwurf von Min-Max modellprädiktiven Regelungen	90				
		4.4.6 Beispiel einer Min-Max modellprädiktiven Regelung	91				
	4.5	Aktuelle Forschung	95				
		4.5.1 Stochastische Formulierungen	95				
		4.5.2 Model Scheduling	95 96				
	4.6	Zusammenfassung	97				
5	Ent	wurf einer Tube-Based MPC	99				
•	5.1						
	5.2						
	5.3						
	5.4						
	5.5						
	5.6	Beispiel für eine Tube-Based modellprädiktive Regelung					

xii Inhaltsverzeichnis

	5.7 5.8		Explizite Formulierung des Tube-Based modellprädiktiven Reglers  Tube-Based modellprädiktive Folgeregelung le Forschung menfassung	115 117						
6	Robuste modellprädiktive Regelungen in der Flugführung									
6.1 Konzepte zur Einbindung von modellprädiktiven Regelungen in die Flug				120						
		6.1.1	Modellprädiktive Regelungen als Teil der Flugbahnregelung	121						
		6.1.2	Modellprädiktive Regelungen als Teil der Missionsplanung	123						
	6.2	Model	lbildung	124						
		6.2.1	Zustandsraummodell zur lateralen Flugführung	125						
	6.3	Unters	uchung von RMPC für die Anwendung in der lateralen Flugführung	129						
		6.3.1	Vergleichsentwurf einer linearen Flugbahnregelung	130						
		6.3.2	Min-Max modellprädiktive Regelung	132						
		6.3.3	Tube-Based modellprädiktive Regelung	136						
		6.3.4	Auswertung der Rechenzeiten	141						
		6.3.5	Weitere Schritte	144						
	6.4	Zusam	menfassung	144						
7	Zusa	ammen	fassung und Ausblick	147						
Α	Mat	hemati	ischer Anhang	153						
	A.1	Konve	xe Optimierung	153						
			chaften von Mengen							
	A.3	Polyto	pe	155						
B Algorithmen			en ;	157						
	B.1	Allgen	neiner MPC Algorithmus	157						
	B.2	Berech	anung invarianter Mengen	158						
Abbildungsverzeichnis 16										

Inhaltsverzeichnis xiii

176

Literaturverzeichnis