## Zur Theorie der Rentenoption

Von

Rainer Schöbel

TECHNISCHE HOCHSCHULE DARMSTADT
Fachbereich 1
Cosomibibliothek
Bettlebswirtschaltslehre
Inverse-tir. : 38.932
Abot 11-14. : 406/341
Sacragebiete:
0,3,5,2
9.9.4
Company to the second s



## Inhaltsverzeichnis

1	Einführung: Die besondere Bewertungsproblematik von Renten und Rentenoptionen	11
2	Bewertung nach der direkten Methode	15
2.1	Optionsbewertung bei Zinsunsicherheit: Mertons Analyse als Ausgangsbasis	15
2.2	Das Modell von Ball und Torous: Die Entdeckung der Brownschen Brücke	25
2.3	Ein alternatives Rentenoptionsmodell und seine Äquivalenz zum klassischen Modell der Aktienoptionsbewertung	33
2.4	Analytische Bewertung amerikanischer Rentenoptionen auf Nullkupon- anleihen	45
2.4.1	Die Methode der quadratischen Approximation bei Zinsunsicherheit $\ \ldots \ .$	46
2.4.2	Eine analytische Approximationsformel für amerikanische Verkaufsoptionen auf Nullkuponanleihen	50
2.4.3	Zur Genauigkeit der analytischen Approximation	52
2.4.4	Bewertung amerikanischer Kaufoptionen auf Nullkuponanleihen $\ldots \ldots$	57
2.5	Bedingungen risikopräferenzfreier Bewertung von Optionen auf Kupon- anleihen	58
3	Bewertung nach der indirekten Methode	63
3.1	Die explizite Modellierung der Zinsstruktur und ihrer dynamischen Entwicklung: Das Ein-Faktor-Modell der Rentenbewertung	65
3.2	Zwei risikopräferenzfreie Rentenoptionsformeln im Rahmen der indirekten Methode	71
3.2.1	Optionsbewertung auf der Basis von Macaulays Durationkennzahl $ \ldots  \ldots $	72
3.2.2	Optionsbewertung auf der Basis von Vasiceks Rentenbewertungsmodell	75
3.3	Risikopräferenzabhängige Bewertung von Rentenoptionen	77

10	Inhaltsverzeichnis	
3.3.1	Die Modelle von Courtadon und Brennan/Schwartz	77
3.3.2	Das analytische Modell von Cox / Ingersoll / Ross	79
4	Zusammenfassung und Bewertung der Ergebnisse	83
Liter	aturverzeichnis	86